

南京信息工程大学平台课程

2021-2022 年第 2 学期 信号与系统 课程期末试卷 A

适用专业：电信类 2020 级 请学生把答案写到答题册上，用*表示卷积

一、选择题（10 小题，共 20 分）

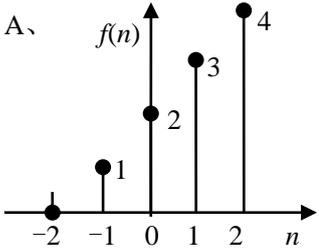
- 属于系统稳定性的判断条件，错误的是（ ）。

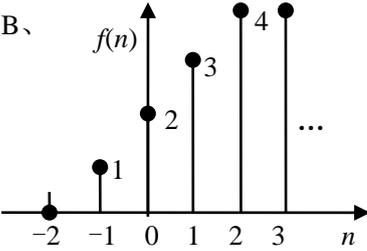
A、冲激响应 $h(t)$ 绝对可积 B、系统函数 $H(s)$ 全部极点落于 s 左半平面

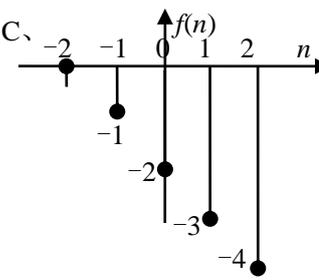
C、冲激响应 $h(t)$ 的极限 $\lim_{t \rightarrow \infty} h(t) = 0$ D、系统函数 $H(s)$ 全部极点落于 s 右半平面
- 如下连续时间系统中，属于因果系统的是（ ）。

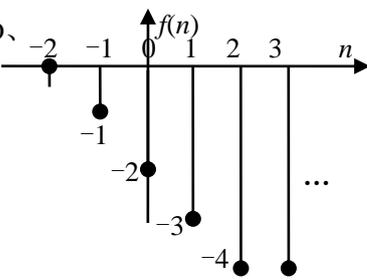
A、 $y(t) = \cos t \cdot f(t)$ B、 $y(t) = f(2t)$

C、 $y(t) = f(t-1) - f(1-t)$ D、 $y(t) = \int_{-\infty}^{2t} f(\tau) d\tau$
- 离散时间信号 $f(n) = nu(n) * [\delta(n-2) - \delta(n+2)]$ 的波形图为（ ）。

A、

B、

C、

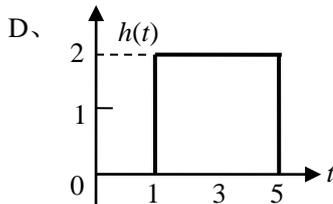
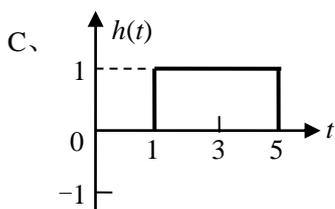
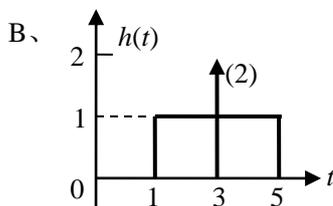
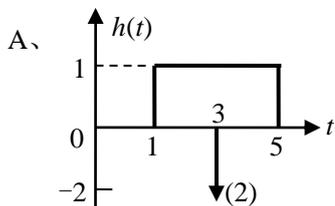
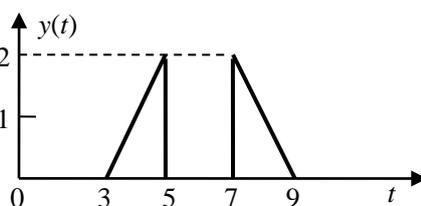
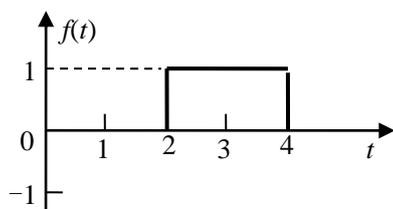
D、

- 对于离散时间信号，单位阶跃信号与单位样值信号的关系是 $u(n) =$ （ ）。

A、 $\sum_{k=0}^n \delta(k)$ B、 $\sum_{k=0}^{\infty} \delta(k)$ C、 $\sum_{k=0}^{\infty} \delta(n-k)$ D、 $\sum_{k=-\infty}^n \delta(n-k)$
- 假设信号 $f_1(t)$ 的奈奎斯特频率为 ω_1 弧度/秒，信号 $f_2(t)$ 的奈奎斯特频率为 ω_2 弧度/秒，且 $\omega_1 > \omega_2$ ，则信号 $f(t) = f_1(t+1) \cdot f_2(t+2)$ 的奈奎斯特频率为（ ）。

A、 ω_1 B、 ω_2 C、 $\omega_1 + \omega_2$ D、 $\omega_1 \cdot \omega_2$

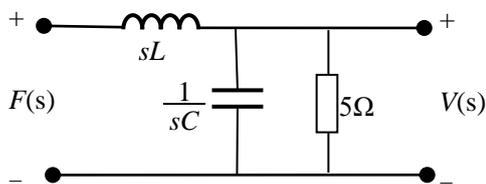
6. 若离散时间系统的单位阶跃响应的 z 变换为 $G(z)$, 则系统函数 $H(z)$ 为 ()。
- A、 $(1-z)G(z)$ B、 $G(z)/(1-z^{-1})$ C、 $(1-z^{-1})G(z)$ D、 $(1-z^{-1}) * G(z)$
7. 冲激信号 $\delta(\cos t)$ 表示的含义为 ()。
- A、 $\sum_{k=-\infty}^{\infty} (-1)^{k+1} \delta(t - \frac{2k+1}{2} \pi)$ B、 $\sum_{k=-\infty}^{\infty} (-1)^k \delta(t - \frac{2k+1}{2} \pi)$
- C、 $-\sum_{k=-\infty}^{\infty} \delta(t - \frac{2k+1}{2} \pi)$ D、 $\sum_{k=-\infty}^{\infty} \delta(t - \frac{2k+1}{2} \pi)$
8. 连续时间信号 $f(t) = \sin(t) \cdot u(t)$ 和 $h(t) = \delta'(t) + u(t)$ 的卷积为 ()。
- A、 $\delta(t)$ B、 $u(t)$ C、 $2\cos(t) \cdot u(t)$ D、 $-2\cos(t) \cdot u(t)$
9. 离散时间信号卷积和 $2^n u(n) * 3^n u(n) =$ ()。
- A、 $(3^{n+1} + 2^{n+1})u(n)$ B、 $(3^n + 2^n)u(n)$ C、 $(3^{n+1} - 2^{n+1})u(n)$ D、 $(3^n - 2^n)u(n)$
10. 已知 LTI 系统, 输入 $f(t)$ 与零状态响应 $y(t)$ 如图所示, 则系统冲激响应 $h(t)$ 为 ()。



二、填空题 (10 小题, 共 20 分)

1. 设 $f(t)$ 为一有限频宽信号, 频带宽度为 100Hz, 则信号的奈奎斯特抽样频率 $f_s =$ _____ Hz; 而对于信号 $f(t/2)$ 的最低抽样频率为 _____ Hz。

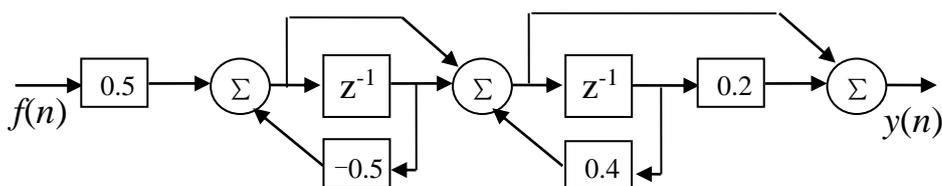
2. 求 $F(s) = \frac{6(s+2)(s+1)}{s(s+3)}$ 拉氏反变换原函数的初值_____和终值_____。
3. 求 $F(z) = \frac{2+z^{-1}+z^{-2}}{(1-z^{-1})(5-z^{-1})}$ 反变换的原函数初值_____和终值_____。
4. 信号 $f(t) = 16 \sin^2(2t) \cos(4t)$ 的功率为_____；信号 $f(t) = 16 \sin^2(2t)$ 的功率为_____。
5. 信号 $f(t) = |\cos(100t)|$ 的直流分量为_____；信号 $f(t) = 5 + 3 \sin(5t)$ 的直流分量为_____。
6. 若输入信号 $f(t) = 2\delta(t) + 3\delta'(t)$ 与输出信号 $y(t) = -6\delta(t-2) - 9\delta'(t-2)$ ；则系统的冲激响应 $h(t)$ 为_____，（是/不是）_____无失真传输系统。
7. 周期信号 $f(t) = 12 \sin(2\pi t) + 5 \cos(5\pi t)$ 的周期 T 为_____；周期信号 $f(t) = 2 \cos^2(5t)$ 的周期 T 为_____。
8. 系统函数 $H(s) = 1 + \frac{8}{s+2} - \frac{13}{s+3}$ 的零点分别是_____、_____。
9. 系统函数 $H(z) = 250 - \frac{521z}{z-0.1} + \frac{272z}{z-0.2}$ 的零点分别是_____、_____。
10. 如图电路，系统函数 $H(s) = \frac{V(s)}{F(s)} = \frac{5}{s^2 + 2s + 5}$ ，则电容 C 为_____F 和电感 L 为_____H。



三、分析题（6 小题，共 60 分）

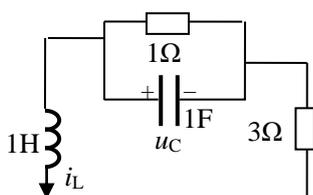
1. 一个 LTI 系统在相同的初始状态下，当输入为 $f(t)$ 时，全响应为 $y(t) = 2e^{-3t} + \sin 2t$ ， $t \geq 0$ ；当输入为 $2f(t)$ 时，全响应为 $y(t) = e^{-3t} + 2\sin 2t$ ， $t \geq 0$ ；求：
- (1) 系统的零输入响应 $y_0(t)$ ；
 - (2) 系统的零状态响应 $y_f(t)$ ；
 - (3) 初始条件增大 1 倍，输入为 $0.5f(t)$ 时的全响应 $y(t)$ 。
2. 给定离散因果系统 $y(n) + y(n-1) + 0.16y(n-2) = 2f(n) + f(n-1)$ 。
- 1) 求系统函数 $H(z) = \frac{Y(z)}{F(z)}$ ，并说明它的收敛域及系统的稳定性；
 - 2) 初始状态为零，求单位样值响应 $h(n)$ 和单位阶跃响应 $g(n)$ 。

3. 某线性离散系统结构如图所示。



- 1) 写出描述系统的差分方程；
- 2) 若激励 $f(n) = 0.3^n u(n)$, $y(-1) = 1$, $y(-2) = -2$, 求全响应 $y(n)$ 。

4. 如图为 $t > 0$ 时的电路, 已知 $u_C(0) = 10V$, $i_L(0) = 2A$, 求零输入响应 $u_C(t)$ 和 $i_L(t)$ 。



5. 给定系统微分方程 $y''(t) + 3y'(t) + 2y(t) = 4f'(t) + 3f(t)$, $t > 0$, 求:

- 1) 系统函数及冲激响应；
- 2) 若激励 $f(t) = e^{-3t} u(t)$, 初始状态 $y(0^-) = -2$, $y'(0^-) = 3$, 求系统零输入响应, 零状态响应, 完全响应。

6. 零状态系统如图所示, 图中理想低通滤波器的系统函数为:

$$H(j\omega) = \begin{cases} e^{-j\omega t_0}, & |\omega| \leq 1 \\ 0, & |\omega| > 1 \end{cases} \quad f(t) \longrightarrow \boxed{H(j\omega)} \longrightarrow y(t)$$

- (1) 求 $H(j\omega)$ 的傅里叶反变换 $h(t)$ ；
- (2) 若 $f(t) = Sa(2t)$, 求 $y(t)$ ；
- (3) 若 $f(t) = Sa(0.5t)$, 求 $y(t)$ 。